

**MODEL *ECONOMIC PRODUCTION QUANTITY* PADA  
DUA SUBSISTEM PRODUKSI TIDAK SEMPURNA DENGAN *SHORTAGE***

**SKRIPSI**

Diajukan Untuk Memenuhi Sebagian Persyaratan Mencapai  
Derajat Sarjana Teknik Industri



Oleh:

**Thomas Indarto Wibowo**

**09 06 05870**

**PROGRAM STUDI TEKNIK INDUSTRI  
FAKULTAS TEKNOLOGI INDUSTRI  
UNIVERSITAS ATMA JAYA YOGYAKARTA  
YOGYAKARTA  
2013**

HALAMAN PENGESAHAN

Tugas Akhir berjudul:  
**MODEL ECONOMIC PRODUCTION QUANTITY PADA  
DUA SUBSISTEM PRODUKSI TIDAK SEMPURNA DENGAN SHORTAGE**

Disusun oleh:

Thomas Indarto Wikowo (NIM: 09 06 05870)

Dinyatakan Telah Memenuhi Syarat

Pada Tanggal: 22 April 2013

Pembimbing I,

(The Jin A., D.Eng.)

Pembimbing II,

(Rizki Dhar A., D.Eng.)

Tim Penguji,

Penguji I,

(The Jin A., D.Eng.)

Penguji II,

(Ag. Satot B., S.T., M.T.)

Penguji III,

(Baju Bawono, S.T., M.T.)

YOGYAKARTA, 22 April 2013  
UNIVERSITAS ATMA JAYA YOGYAKARTA  
FAKULTAS TEKNOLOGI INDUSTRI



Dekan,

(Ir. B. Kristyanto, M.Eng., Ph.D.)

## **HALAMAN PERSEMBAHAN**

Segala daya dan usaha yang telah Thomas lakukan dalam menyelesaikan perkuliahan ini secara khusus Tugas Akhir ini, Thomas persembahkan untuk:

1. Tuhan Yesus Kristus, atas kasih-Nya yang sungguh luar biasa sehingga Thomas bisa seperti sekarang ini.
2. Keluarga besar Mbah Lor dan keluarga besar SMDM, terkhusus keluarga HM.
3. Elisabeth Dian Atmajati.
4. Keluarga besar Universitas Atma Jaya Yogyakarta terkhusus keluarga Program Studi Teknik Industri.

## MOTTO

"Setiap Orang Hendaknya Memiliki Motto Hidup Yang Tidak Sembarangan, Karena Motto Hidup Ini Yang Akan Menjadi Dasar Bagi Setiap Orang Untuk Melangkah. Motto Hidup Yang Mengingatn Seseorang Pada Saat Kondisinya Diangkat Dan Motto Hidup Yang Memperkuat Seseorang Pada Saat Kondisinya Terpuruk. Motto Hidup Akan Membawa Seseorang Menuju Kesuksesan Sejati."

Dua Motto Hidup Saya:

- 3B -BERDOA
- BERUSAHA
- BERSYUKUR

HIDUP LEBIH BERARTI SAAT KITA MAU BERBAGI BERKAT, KASIH KEPADA ORANG LAIN DAN SAAT KITA DIPAKAI DALAM KARYANYA.

Thomas...

## KATA PENGANTAR

Puji syukur kepada Tuhan Yang Maha Esa atas limpahan kasih, rahmat, anugerah dan karya-karya indah-Nya yang diberikan kepada penulis sehingga penulis dapat menyelesaikan laporan tugas akhir ini dengan baik dan tepat waktu. Tugas akhir ini disusun sebagai salah satu syarat untuk mencapai derajat Sarjana Teknik Industri di Program Studi Teknik Industri, Fakultas Teknologi Industri Universitas Atma Jaya Yogyakarta.

Pada kesempatan ini, penulis menyampaikan ucapan terima kasih kepada pihak-pihak yang telah terlibat dan mendukung penulis dalam menyelesaikan tugas akhir ini, diantaranya:

1. Ir. B. Kristyanto, M.Eng., Ph.D. selaku Dekan Fakultas Teknologi Industri Universitas Atma Jaya Yogyakarta.
2. The Jin Ai, D.Eng. selaku Ketua Program Studi Teknik Industri, Fakultas Teknologi Industri Universitas Atma Jaya Yogyakarta dan selaku Dosen Pembimbing I yang telah bersedia untuk meluangkan waktu, pikiran dan tenaga dalam membantu penulis menyelesaikan tugas akhir ini dengan baik dan tepat waktu.
3. Ririn Diar A, D.Eng. selaku Dosen Pembimbing II yang telah bersedia untuk meluangkan waktu, pikiran dan tenaga dalam membantu penulis menyelesaikan tugas akhir ini dengan baik dan tepat waktu.
4. Ag. Gatot B, S.T., M.T. dan Baju Bawono, S.T., M.T. selaku dosen penguji.

5. Keluarga besar Mbah Lor dan keluarga besar SMDM, terkhusus keluarga HM atas segala dukungan dan bantuannya, terutama atas doa-doanya.
6. Elisabeth Dian Atmajati atas segala dukungan dan doa-doanya.
7. Teman-teman Teknik Industri, terkhusus angkatan 2009 atas segala bantuan, dukungan dan kerjasamanya.
8. Pihak-pihak lain yang juga telah mendukung penulis untuk menyelesaikan tugas akhir ini yang tidak bisa penulis sebutkan.

Penulis menyadari bahwa dalam tugas akhir ini masih jauh dari sempurna. Segala saran dan kritik dari pembaca yang bersifat membangun sangat diharapkan. Akhir kata penulis berharap semoga tugas akhir ini dapat bermanfaat bagi semua pihak.

Yogyakarta, April 2013

Penulis

## DAFTAR ISI

HALAMAN JUDUL .....	i
HALAMAN PENGESAHAN .....	ii
HALAMAN PERSEMBAHAN .....	iii
MOTTO .....	iv
KATA PENGANTAR .....	v
DAFTAR ISI .....	vii
DAFTAR GAMBAR .....	x
DAFTAR TABEL .....	xi
INTISARI .....	xiii
<b>BAB 1 PENDAHULUAN</b>	
1.1. Latar Belakang Masalah .....	1
1.2. Perumusan Masalah .....	4
1.3. Tujuan Penelitian.....	4
1.4. Batasan Masalah .....	5
1.5. Metodologi Penelitian .....	5
1.6. Sistematika Penulisan .....	10
<b>BAB 2 TINJAUAN PUSTAKA</b>	
2.1. Model EPQ Pada Satu KPS Tidak Sempurna ...	12
2.2. Model EPQ Pada Dua KPS Tidak Sempurna ....	15
2.2. Penelitian Saat Ini .....	16
<b>BAB 3 LANDASAN TEORI</b>	
3.1. Persediaan .....	18
3.1.1. Pengelolaan Persediaan .....	18
3.1.2. Biaya Persediaan .....	20
3.2. <i>Shortage</i> .....	25

3.3. <i>Economic Production Quantity (EPQ)</i> .....	26
3.3.1. Model EPQ Sederhana .....	27
3.3.2. Model EPQ Pada Sistem Produksi Tidak Sempurna .....	30
3.3.3. Model EPQ Pada Sistem Produksi Tidak Sempurna dan Memperbolehkan Adanya <i>Shortage</i> .....	32
3.3.4. Model EPQ Pada Dua Subsystem Produksi Inti (KPS) Tidak Sempurna .....	36
3.4. Pemodelan Matematis .....	42
3.4.1. Variabel Acak ( <i>Random Variable</i> ) .....	42
3.4.2. Distribusi Eksponensial .....	43
3.5. Pencarian Solusi .....	44
3.5.1. Metode Biseksi ( <i>Bisection Method</i> ) ...	44
3.5.2. Metode <i>Golden Section</i> .....	45
3.6. Analisis dan Validasi .....	46
3.6.1. Validasi Model .....	46
3.6.2. Analisis Sensitivitas .....	47

#### **BAB 4 FORMULASI MODEL**

4.1. Karakterisasi Sistem .....	49
4.2. Pemodelan Matematis .....	50
4.2.1. Asumsi Model .....	50
4.2.2. Notasi Model .....	51
4.2.3. Model Matematis .....	53

#### **BAB 5 ANALISIS DAN PEMBAHASAN**

5.1. Penentuan Solusi .....	61
5.1.1. Pendekatan 1 .....	61
5.1.2. Pendekatan 2 .....	65
5.1.3. Pendekatan 3 .....	69



5.2. Contoh Numerik .....	71
5.2.1. Pendekatan 1 .....	72
5.2.2. Pendekatan 2 .....	75
5.2.3. Pendekatan 3 .....	77
5.3. Analisis Hasil Perhitungan .....	81
5.4. Validasi Model .....	88
5.4.1. Verifikasi .....	88
5.4.2. Validasi .....	89
5.5. Analisis Sensitivitas .....	96
<b>BAB 6 KESIMPULAN DAN REKOMENDASI</b>	
6.1. Kesimpulan .....	105
6.2. Rekomendasi .....	107
<b>DAFTAR PUSTAKA .....</b>	<b>108</b>

## DAFTAR GAMBAR

1.	Gambar 1.1	<i>Flowchart</i> Metodologi Penelitian ..	9
2.	Gambar 3.1	Grafik EPQ Sederhana .....	28
3.	Gambar 3.2	Grafik EPQ dengan Adanya <i>Shortage</i>	32
4.	Gambar 3.3	Pembagian Waktu Produksi .....	38
5.	Gambar 3.4	Aturan <i>Golden Section</i> .....	45
6.	Gambar 4.1	Grafik EPQ Pada Sistem Produksi Tidak Sempurna dan Diperbolehkan Adanya <i>Shortage</i> .....	53
7.	Gambar 4.2	Pembagian Waktu Produksi .....	57

## DAFTAR TABEL

1.	Tabel 5.1	Nilai-Nilai Parameter Contoh Numerik .....	72
2.	Tabel 5.2	Perhitungan $\tau_m$ dengan Metode Biseksi .....	74
3.	Tabel 5.3	Hasil Perhitungan Pendekatan 1 .....	75
4.	Tabel 5.4	Hasil Perhitungan Pendekatan 2 .....	76
5.	Tabel 5.5	Perhitungan $\tau_{opt}$ dengan Metode <i>Golden Section</i> .....	79
6.	Tabel 5.6	Hasil Perhitungan Pendekatan 3 .....	81
7.	Tabel 5.7	Perbandingan Hasil Perhitungan Pendekatan 1, Pendekatan 2 dan Pendekatan 3 .....	82
8.	Tabel 5.8	Perbandingan Hasil Perhitungan Pendekatan 1 dan Pendekatan 3 .....	86
9.	Tabel 5.9	Perbandingan Hasil Perhitungan Pendekatan 2 dan Pendekatan 3 .....	87
10.	Tabel 5.10	Perbandingan $s$ dan $\tau$ optimal .....	90
11.	Tabel 5.11	Perbandingan $s$ dan $T_1$ optimal .....	90
12.	Tabel 5.12	Perbandingan $s$ dan $Z(T_1, \tau)$ .....	91
13.	Tabel 5.13	Perbandingan $\alpha, \beta, \delta$ Terhadap $\tau$ optimal .....	91
14.	Tabel 5.14	Perbandingan $\alpha, \beta, \delta$ Terhadap $T_1$ optimal .....	91
15.	Tabel 5.15	Perbandingan $\alpha, \beta, \delta$ Terhadap $Z(T_1, \tau)$ ..	92
16.	Tabel 5.16	Hasil Perhitungan Model Lin dan Gong (2011) .....	94
17.	Tabel 5.17	Hasil Perhitungan Pendekatan 2 Dengan Nilai $s$ Semakin Meningkat .....	94

18. Tabel 5.18 Uji Sensitivitas Solusi ..... 98



## INTISARI

Penelitian ini fokus pada permasalahan persediaan, terutama pada model persediaan EPQ pada sistem produksi tidak sempurna dengan periode perencanaan tidak terbatas dan diperbolehkan adanya *shortage*. Selama proses produksi berlangsung, sistem produksi terdiri dari dua subsistem produksi inti atau *key production subsystem* (KPS) tidak sempurna. Kedua KPS akan bergeser dari kondisi *in-control* ke kondisi *out-of-control*, sehingga akan menimbulkan tiga kondisi yang berbeda. Selain mempertimbangkan sistem produksi tidak sempurna, penelitian ini juga mempertimbangkan dengan diperbolehkan adanya *shortage*. *Shortage* dipenuhi dengan cara 100% *backorder*, sehingga menimbulkan biaya tambahan karena *shortage*.

Model matematis dibangun untuk mendapatkan waktu produksi optimal yang dapat meminimumkan ekspektasi total biaya persediaan per unit waktu yang terdiri dari *set-up cost*, *holding cost*, *shortage cost* dan *defective cost*. Tiga pendekatan digunakan untuk mendapatkan waktu produksi optimal. Contoh numerik dan analisis diberikan pada masing-masing pendekatan untuk mengetahui pendekatan mana yang terbaik. Proses pembangunan model dan perhitungan menggunakan alat bantu berupa *software Mathcad* dan *Microsoft Excel*.